

Н. Н. Воробьев, А. Р. Кузнецова

*Витебский государственный университет им. П. М. Машерова, Витебск, Беларусь***ОБ ИНДУКТИВНЫХ РЕШЕТКАХ НАСЫЩЕННЫХ ФОРМАЦИЙ**

Все рассматриваемые группы конечны. Символом $F_p(G)$ обозначают наибольшую нормальную p -нильпотентную подгруппу группы G , а символом $\pi(G)$ – множество всех различных простых делителей порядка группы G . Функции $f: \mathbb{P} \rightarrow \{\text{формации групп}\}$ сопоставляют класс групп $LF(f) = (G \mid G/F_p(G) \in f(p) \text{ для всех } p \in \pi(G))$. Если формация \mathfrak{F} такова, что $\mathfrak{F} = LF(f)$ для некоторой функции f , то \mathfrak{F} называют насыщенной формацией с локальным спутником f . Пусть \mathfrak{F} – насыщенная формация. Символом $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ обозначают полную решетку всех насыщенных формаций, заключенных между $\mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ и \mathfrak{F} , где \mathfrak{N} – класс всех nilпотентных групп. Для произвольной полной решетки формаций Θ символом Θ' обозначается полная решетка всех таких формаций, которые обладают локальным Θ -значным спутником. Спутник f называется Θ -значным, если все его значения принадлежат Θ .

Пусть Θ – полная решетка формаций. Тогда верхняя грань произвольной совокупности $\{\mathfrak{F}_i \mid i \in I\}$ элементов из Θ' обозначается через $\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I)$. Решетка Θ' называется индуктивной (см. Скиба А. Н. Алгебра формаций. Минск: Беларус. навука, 1997), если для любого набора $\{\mathfrak{F}_i = LF(f_i) \mid i \in I\}$ формаций $\mathfrak{F}_i \in \Theta'$ и для всякого такого набора $\{f_i \mid i \in I\}$ Θ -значных спутников f_i , где f_i – некоторый внутренний спутник формации \mathfrak{F}_i , имеет место $\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I) = LF(\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I))$, где символ $\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I)$ обозначает такой спутник f , что $f(p)$ является верхней гранью для $\{f_i(p) \mid i \in I\}$ в Θ , если $\bigcup_{i \in I} f_i(p) \neq \emptyset$, и $f(p) = \emptyset$ в противном случае. В настоящей работе доказана следующая

Т е о р е м а. Пусть \mathfrak{F} – насыщенная формация. Тогда решетка $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ индуктивна.

Ключевые слова: формация, полная решетка формаций, решетка насыщенных формаций, индуктивная решетка формаций.

N. N. Vorob'ev, A. R. Kuznetsova

*Vitebsk State University named after P. M. Masherov, Vitebsk, Belarus***ON INDUCTIVE LATTICES OF SATURATED FORMATIONS**

All groups considered are finite. The symbol $F_p(G)$ denotes the p -nilpotent radical of a group G ; $\pi(G)$ is the set of primes dividing the order of G . Let f be a function of the form

$$f: \mathbb{P} \rightarrow \{\text{formations of groups}\}. \quad (*)$$

We consider the class of groups $LF(f) = (G \mid G/F_p(G) \in f(p) \text{ for all } p \in \pi(G))$. If \mathfrak{F} is a formation such that $\mathfrak{F} = LF(f)$ for a function f of the form $(*)$, then \mathfrak{F} is said to be saturated and f is said to be a local satellite of \mathfrak{F} . Let \mathfrak{F} be a saturated formation. We write $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ to denote the lattice of all saturated formations lying between \mathfrak{F} and $\mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$, where \mathfrak{N} is the class of all nilpotent groups.

Let Θ be a complete lattice of formations. Then we denote by Θ' the set of all formations having a local Θ -valued satellite. A satellite f is called Θ -valued if all values of f belong to Θ . Let $\mathfrak{X} \subseteq \mathfrak{F} \in \Theta$ be a collection of group. We write $\Theta\text{form}\mathfrak{X}$ to denote the intersection of all formations of Θ containing all groups of \mathfrak{X} . Let $\{\mathfrak{F}_i \mid i \in I\}$ be an arbitrary collection of formations in Θ . We denote

$$\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I) = \Theta\text{form}\left(\bigcup_{i \in I} \mathfrak{F}_i\right).$$

Let $\{f_i \mid i \in I\}$ be a collection of Θ -valued satellites. Then $\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I)$ denotes the satellite f such that

$$f(p) = \Theta\text{form}\left(\bigcup_{i \in I} f_i(p)\right)$$

for every $p \in \mathbb{P}$.

A complete lattice Θ' is called inductive (see Skiba A. N. Algebra formacij [Algebra of Formations]. Minsk, Belaruskaja navuka Publ., 1997) if for any collection $\{\mathfrak{F}_i = LF(f_i) \mid i \in I\}$, where f_i is an integrated satellite of $\mathfrak{F}_i \in \Theta'$, the following equality holds: $\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I) = LF(\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I))$. In this paper, we prove the following

T h e o r e m. Let \mathfrak{F} be a saturated formation. Then the lattice $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ is inductive.

Keywords: formation, complete lattice of formations, lattice of saturated formations, inductive lattice of formations.

Все рассматриваемые группы конечны. Мы будем рассматривать терминологию из [1–3]. Символами $F_p(G)$ и $O_p(G)$ обозначают соответственно наибольшую нормальную p -нильпотентную подгруппу группы G и наибольшую нормальную p -подгруппу группы G , а символом \mathfrak{N} – класс всех nilпотентных групп. Напомним, что формацией называется класс групп, который замкнут относительно взятия гомоморфных образов и подпрямых произведений. Пусть f – произвольная функция вида

$$f: \mathbb{P} \rightarrow \{\text{формации групп}\}. \quad (1)$$

Следуя [1], сопоставим функции f класс групп

$$LF(f) = \{G \mid G / F_p(G) \in f(p) \text{ для всех } p \in \pi(G)\}.$$

Если формация \mathfrak{F} такова, что $\mathfrak{F} = LF(f)$ для некоторой функции f вида (1), то \mathfrak{F} называют насыщенной формацией с локальным спутником f [1].

Совокупность формаций Θ называется полной решеткой формаций [2], если пересечение любой совокупности формаций из Θ снова принадлежит Θ и во множестве Θ имеется такая формация \mathfrak{F} , что $\mathfrak{H} \subseteq \mathfrak{F}$ для любой формации $\mathfrak{H} \in \Theta$. Пусть \mathfrak{F} – насыщенная формация. Заметим, что относительно включения \subseteq множество всех насыщенных формаций, заключенных между $\mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ и \mathfrak{F} , образуют полную решетку, которую обозначают $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$.

Для произвольной полной решетки формаций Θ символом Θ' обозначается совокупность всех таких формаций, которые обладают локальным Θ -значным спутником, т. е. таким локальным спутником, все непустые значения которого принадлежат Θ . Нетрудно убедиться (см. подробнее [2, гл. 4]), что Θ' – полная решетка, и она наследует многие свойства решетки Θ .

Пусть Θ – полная решетка формаций. Тогда верхняя грань произвольной совокупности $\{\mathfrak{F}_i \mid i \in I\}$ элементов из Θ' обозначается (см. [2]) через $\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I)$. Решетка Θ' называется индуктивной [2], если для любого набора $\{\mathfrak{F}_i = LF(f_i) \mid i \in I\}$ формаций $\mathfrak{F}_i \in \Theta'$ и для всякого такого набора $\{f_i \mid i \in I\}$ Θ -значных спутников f_i , где f_i – некоторый внутренний спутник формации \mathfrak{F}_i , имеет место $\vee_{\Theta'}(\mathfrak{F}_i \mid i \in I) = LF(\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I))$, где символ $\vee_{\Theta}(f_i \mid i \in I)$ обозначает такой спутник f , что $f(p)$ является верхней гранью для $\{f_i(p) \mid i \in I\}$ в Θ , если $\bigcup_{i \in I} f_i(p) \neq \emptyset$, и $f(p) = \emptyset$ в противном случае. Заметим, что индуктивность решетки Θ по существу означает, что исследование операции $\vee_{\Theta'}$ на множестве Θ' можно редуцировать к исследованию более простой операции \vee_{Θ} на множестве Θ .

Впервые индуктивные решетки начал изучать А. Н. Скиба (см. [2, гл. 4]), который доказал индуктивность решетки всех функторно замкнутых n -кратно насыщенных формаций [2, теорема 4.1.1]. В работе [4] была установлена индуктивность решетки всех функторно замкнутых тотально насыщенных формаций, что нашло приложение в работах В. Г. Сафонова [5, 6] при доказательстве модулярности и дистрибутивности решетки всех тотально насыщенных формаций. Впоследствии Н. Н. Воробьевым и А. А. Царевым [7, 8] и, независимо, П. А. Жизневским [9] доказана индуктивность решетки всех функторно замкнутых n -кратно ω -композиционных формаций. Этот результат позволил установить модулярность такой решетки [7, 9], а также сыграл ключевую роль в исследовании тождеств решеток формаций [10]. Отметим, наконец, что свойство индуктивности решетки всех разрешимых тотально насыщенных формаций применялось С. Райфершейд в работе [11, предложение 3.3] при доказательстве дистрибутивности этой решетки.

Основным результатом данной работы является следующая

Т е о р е м а. Пусть \mathfrak{F} – насыщенная формация. Тогда решетка $\mathfrak{F} / \mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ индуктивна.

Напомним несколько известных утверждений, которые потребуются для доказательства основного результата.

Л е м м а 1 [12, лемма 2]. Пусть $\mathfrak{F} = \bigcap_{i \in I} \mathfrak{F}_i$, где $\mathfrak{F}_i = LF(f_i)$. Тогда $\mathfrak{F} = LF(f)$, где $f = \bigcap_{i \in I} f_i$.

Пусть $\{f_i \mid i \in I\}$ – набор всех спутников формации \mathfrak{F} . Ввиду леммы 1, $f = \bigcap_{i \in I} f_i$ – минимальный спутник формации \mathfrak{F} .

Пусть \mathfrak{X} – произвольная совокупность групп. Через $\text{form}\mathfrak{X}$ обозначается наименьшая формация, содержащая \mathfrak{X} , а через $\text{lform}\mathfrak{X}$ – наименьшая насыщенная формация, содержащая \mathfrak{X} .

Следующая лемма дает способ построения минимального спутника формации $\mathfrak{F} = \text{Iform}\mathfrak{X}$.

Лемма 2 [2, теорема 1.1.5]. Пусть \mathfrak{X} – непустая совокупность групп, $\mathfrak{F} = \text{Iform}\mathfrak{X}$ и f – минимальный локальный спутник формации \mathfrak{F} . Тогда справедливы следующие утверждения:

- 1) $\pi(\mathfrak{X}) = \pi(\mathfrak{F})$;
- 2) $f(p) = \text{form}(G/F_p(G) \mid G \in \mathfrak{X})$ для всех $p \in \mathbb{P}$;
- 3) если $\mathfrak{F} = \text{LF}(h)$, то для любого $p \in \pi(\mathfrak{F})$ имеет место

$$f(p) = \text{form}(A \mid A \in h(p) \cap \mathfrak{F}, O_p(A) = 1).$$

Напомним, что полуформацией называется класс групп, замкнутый относительно взятия гомоморфных образов. Неединичная группа G называется монолитической, если в ней имеется лишь одна минимальная нормальная подгруппа (монолит группы G).

Лемма 3 [2, лемма 2.1.6]. Пусть A – монолитическая группа с неабелевым монолитом, \mathfrak{M} – некоторая полуформация и $A \in \text{form}\mathfrak{M}$. Тогда $A \in \mathfrak{M}$.

Лемма 4 [2, лемма 4.1.5]. Пусть \mathfrak{M} – полуформация и $A \in \text{form}\mathfrak{M}$. Тогда, если $O_p(A) = 1$, то $A \in \text{form}\mathfrak{M}_1$, где $\mathfrak{M}_1 = \{G/O_p(G) \mid G \in \mathfrak{M}\}$.

Лемма 5 [2, лемма 1.3.6]. Если $\mathfrak{F} = \text{LF}(f)$ и $G/O_p(G) \in f(p) \cap \mathfrak{F}$ для некоторого $p \in \pi(G)$, то $G \in \mathfrak{F}$.

Доказательство теоремы. Пусть $\{\mathfrak{F}_i \mid i \in I\}$ – произвольный набор насыщенных формаций, заключенных между $\mathfrak{F} \cap \mathfrak{N}$ и \mathfrak{F} . И пусть f_i – некоторый внутренний локальный спутник формации \mathfrak{F}_i . Пусть

$$\mathfrak{F} = \vee_i (\mathfrak{F}_i \mid i \in I), \mathfrak{M} = \text{LF}(\vee (f_i \mid i \in I))$$

и h_i – минимальный локальный спутник формации \mathfrak{F}_i .

Покажем прежде, что $h = \vee (h_i \mid i \in I)$ – минимальный локальный спутник формации \mathfrak{F} . Пусть

$$\pi = \pi \left(\bigcup_{i \in I} \mathfrak{F}_i \right) = \bigcup_{i \in I} \pi(\mathfrak{F}_i) = \pi(\mathfrak{F}).$$

И пусть t – минимальный локальный спутник формации \mathfrak{F} . Тогда, если $p \in \mathbb{P} \setminus \pi$, то для любого $i \in I$ имеет место $h_i(p) = \emptyset$. Значит, $h(p) = \emptyset$. Понятно также, что $t(p) = \emptyset$. Пусть $p \in \pi$. Тогда найдется такое $i \in I$, что $h_i(p) \neq \emptyset$. Значит, согласно лемме 2 имеет место

$$\begin{aligned} t(p) &= \text{form} \left(G / F_p(G) \mid G \in \bigcup_{i \in I} \mathfrak{F}_i \right) = \\ &= \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} \text{form}(G / F_p(G) \mid G \in \mathfrak{F}_i) \right) = \\ &= \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} h_i(p) \right) = (\vee (h_i \mid i \in I))(p) = h(p). \end{aligned}$$

Итак, h – минимальный локальный спутник формации \mathfrak{F} .

Покажем, что $h \leq f = \vee (f_i \mid i \in I)$. Поскольку $h_i \leq f_i$, то для всех $p \in \mathbb{P}$ имеет место включение $h_i(p) \subseteq f_i(p)$. Значит,

$$\bigcup_{i \in I} h_i(p) \subseteq \bigcup_{i \in I} f_i(p) \subseteq \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right).$$

Следовательно,

$$\text{form} \left(\bigcup_{i \in I} h_i(p) \right) \subseteq \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right) = \text{form} \left(\text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right) \right).$$

Таким образом, $h \leq f$.

Установим, что $\mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{M}$. Пусть $G \in \mathfrak{F}$. Значит,

$$G / F_p(G) \in h(p) = \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} h_i(p) \right) \subseteq \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right) = f(p),$$

где $p \in \pi(G)$. Поэтому $G \in \mathfrak{M}$. Следовательно, $\mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{M}$.

Предположим, что обратное включение неверно. Пусть G – группа минимального порядка из $\mathfrak{M} \setminus \mathfrak{F}$. Обозначим через R монолит группы G . Тогда $R = G^{\mathfrak{S}}$ и $R \not\subseteq \Phi(G)$. Пусть $p \in \pi(R)$.

Предположим, что R – неабелева группа. Значит, $R \not\subseteq C_G(R)$. Поэтому $C_G(R) = 1$. Следовательно, $F_p(G) = 1$. Значит,

$$G \cong G / F_p(G) \in (\vee(f_i | i \in I))(p) = \vee(f_i(p) | i \in I) = \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right).$$

Ввиду леммы 3

$$G \in \bigcup_{i \in I} f_i(p) \subseteq \bigcup_{i \in I} \mathfrak{F}_i \subseteq \mathfrak{F}.$$

Противоречие. Следовательно, R – p -группа. Покажем теперь, что $R = C_G(R) = O_p(G) = F_p(G)$. Действительно, так как $R \not\subseteq \Phi(G)$, то в группе G найдется такая максимальная подгруппа M , что $R \not\subseteq M$. Пусть $C = C_G(R)$. Тогда $C = C \cap RM = R(M \cap C)$. Очевидно, что $M \cap C$ – нормальная подгруппа группы G . Следовательно, ввиду монолитичности последней, $M \cap C = 1$. Таким образом, $C = R$. Последнее означает, что $R = C_G(R) = O_p(G) = F_p(G)$.

Согласно предположению,

$$G \in \mathfrak{M} = LF(\vee(f_i | i \in I)).$$

Значит,

$$G / F_p(G) = G / R \in \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} f_i(p) \right).$$

Поскольку при этом имеет место $O_p(G / O_p(G)) = O_p(G / R) = 1$, то согласно лемме 2 и лемме 4

$$\begin{aligned} G / O_p(G) &= G / R \in \text{form} \left(A / O_p(A) \mid A \in \bigcup_{i \in I} f_i(p) \right) = \\ &= \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} \text{form}(A / O_p(A) \mid A \in f_i(p)) \right) = \\ &= \text{form} \left(\bigcup_{i \in I} h_i(p) \right) = (\vee(h_i | i \in I))(p) = h(p). \end{aligned}$$

Значит, ввиду леммы 5, имеем $G \in \mathfrak{F}$.

Полученное противоречие показывает, что $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{F}$. Следовательно, $\mathfrak{F} = \mathfrak{M}$. Теорема доказана.

Благодарности

Авторы выражают глубокую признательность рецензенту за полезные замечания, способствующие улучшению качества статьи. Работа выполнена при финансовой поддержке Государственной программы научных исследований «Конвергенция-2020» (№ 20160350), Республика Беларусь.

Acknowledgements

The author is very grateful to the referee for helpful comments. The author's research was supported by the State Program of Research "Konvergentsiya-2020", (no. 20160350), Republic of Belarus.

Список использованных источников

1. Шеметков, Л. А. Формации алгебраических систем / Л. А. Шеметков, А. Н. Скиба. – М.: Наука, 1989. – 256 с.
2. Скиба, А. Н. Алгебра формаций / А. Н. Скиба. – Минск: Беларус. навука, 1997. – 240 с.
3. Воробьев, Н. Н. Алгебра классов конечных групп / Н. Н. Воробьев. – Витебск: ВГУ им. П. М. Машерова, 2012. – 322 с.
4. Воробьев, Н. Н. Об индуктивных решетках формаций и классов Фиттинга / Н. Н. Воробьев // Докл. Нац. акад. наук Беларуси. – 2000. – Т. 44, № 3. – С. 21–24.
5. Safonov, V. G. On modularity of the lattice of totally saturated formations of finite groups / V. G. Safonov // Comm. Algebra. – 2007. – Vol. 35, N 11. – P. 3495–3502.
6. Safonov, V. G. On a question of the theory of totally saturated formations of finite groups / V. G. Safonov // Algebra Colloquium. – 2008. – Vol. 15, N 1. – P. 119–128.
7. Воробьев, Н. Н. О модулярности решетки τ -замкнутых n -кратно ω -композиционных формаций / Н. Н. Воробьев, А. А. Царев // Укр. мат. журн. – 2010. – Т. 62, № 4. – С. 453–463.

8. Vorob'ev, N. N. On a question of the theory of partially composition formations / N. N. Vorob'ev, A. A. Tsarev // *Algebra Colloquium*. – 2014. – Vol. 21, N 3. – P. 437–447.
9. Жизневский, П. А. О модулярности и индуктивности решетки всех τ -замкнутых n -кратно ω -композиционных формаций конечных групп / П. А. Жизневский // *Изв. Гомел. гос. ун-та им. Ф. Скорины*. – 2010. – № 1 (58). – С. 185–191.
10. Воробьев, Н. Н. Тождества решеток частично композиционных формаций / Н. Н. Воробьев, А. Н. Скиба, А. А. Царев // *Сиб. мат. журн.* – 2011. – Т. 52, № 5. – С. 1011–1024.
11. Reifferscheid, S. A note on subgroup-closed Fitting classes of finite soluble groups / S. Reifferscheid // *J. Group Theory*. – 2003. – Vol. 6, N 3. – P. 331–345.
12. Скиба, А. Н. Кратно ω -локальные формации и классы Фиттинга конечных групп / А. Н. Скиба, Л. А. Шеметков // *Мат. тр.* – 1999. – Т. 2, № 2. – С. 114–147.

References

1. Shemetkov L.A., Skiba A.N. *Formations of algebraic systems*. Moscow, Nauka, 1989. 256 p. (in Russian)
2. Skiba A.N. *Algebra of formations*. Minsk, Belaruskaya navuka, 1997. 240 p. (in Russian)
3. Vorob'ev N.N. *Algebra of classes of finite groups*. Vitebsk, Vitebsk University Press, 2012. 322 p. (in Russian)
4. Vorob'ev N.N. On inductive lattices of formations and Fitting classes. *Doklady Natsional'noi akademii nauk Belarusi* [Doklady of the National Academy of Sciences of Belarus], 2000, vol. 44, no. 3, pp. 21–24. (in Russian)
5. Safonov V.G. On modularity of the lattice of totally saturated formations of finite groups. *Communications in Algebra*, 2007, vol. 35, no. 11, pp. 3495–3502. doi: 10.1080/00927870701509354.
6. Safonov V.G. On a question of the theory of totally saturated formations of finite groups. *Algebra Colloquium*, 2008, vol. 15, no. 1, pp. 119–128. doi: 10.1142/S1005386708000126.
7. Vorob'ev N. N., Tsarev A.A. On the modularity of a lattice of τ -closed n -multiply ω -composite formations. *Ukrainian Mathematical Journal*, 2010, vol. 62, no. 4, pp. 518–529. doi:10.1007/s11253-010-0368-9.
8. Vorob'ev N.N., Tsarev A.A. On a question of the theory of partially composition formations. *Algebra Colloquium*, 2014, vol. 21, no. 3, pp. 437–447. doi: 10.1142/S1005386714000388.
9. Zhiznevskii P.A. On modular and inductive lattices of formations of finite groups. *Izvestiia Gomel'skogo gosudarstvennogo universiteta imeni F. Skoriny* [Proceedings of Francisk Scorina Gomel State University], 2010, no. 1 (58), pp. 185–191. (in Russian)
10. Vorob'ev N.N., Skiba A.N., Tsarev A.A. Laws of the lattices of partially composition formations. *Siberian Mathematical Journal*, 2011, vol. 52, no. 5, pp. 802–812. doi: 10.1134/S0037446611050053.
11. Reifferscheid S. A note on subgroup-closed Fitting classes of finite soluble groups. *Journal of Group Theory*, 2003, vol. 6, no. 3, pp. 331–345. doi: 10.1515/jgth.2003.023.
12. Skiba A.N., Shemetkov L.A. Multiply ω -local Formations and Fitting classes of finite groups. *Siberian Advances in Mathematics*, 2000, vol. 10, no. 2, pp. 112–141.

Информация об авторах

Воробьев Николай Николаевич – доктор физико-математических наук, доцент, профессор кафедры алгебры и методики преподавания математики, Витебский государственный университет им. П. М. Машерова (Московский проспект, 33, 210038, г. Витебск, Республика Беларусь). E-mail: vornic2001@mail.ru

Кузнецова Анна Руслановна – аспирант, Витебский государственный университет им. П. М. Машерова» (Московский проспект, 33, 210038, г. Витебск, Республика Беларусь). E-mail: anyakuznetsova@gmail.com

Для цитирования

Воробьев, Н. Н. Об индуктивных решетках насыщенных формаций / Н. Н. Воробьев, А. Р. Кузнецова // *Вест. Нац. акад. навук Беларусі. Сер. фіз.-мат. навук.* – 2016. – № 4. – С. 18–22.

Information about the authors

Vorob'ev Nikolay Nikolayevich – Dr. Sc. (Physics and Mathematics), Assistant Professor, Professor at the Department of Algebra and Didactics, Vitebsk State University named after P. M. Masherov (33, Moscow Ave., 210038, Vitebsk, Republic of Belarus). E-mail: vornic2001@mail.ru

Kuznetsova Anna Ruslanovna – Postgraduate, Vitebsk State University named after P. M. Masherov (33, Moscow Ave., 210038, Vitebsk, Republic of Belarus). E-mail: anyakuznetsova@gmail.com

For citation

Vorob'ev N.N., Kuznetsova A.R. Inductive lattices of saturated formations. *Vesti Natsyianal'nai akademii navuk Belarusi. Seriya fizika-matematychnykh navuk* [Proceedings of the National Academy of Sciences of Belarus. Physics and Mathematics series], 2016, no. 4, pp. 18–22. (in Russian)