

Д РЛП  $S$ -го периода повторения  $|n_{s,n}|^2$  пропускается на вход экспоненциального фильтра. В противном случае он обнуляется. Здесь  $\sigma_{u_{s,n}}$  – среднеквадратическое отклонение  $n$ -го частотного отсчета в  $s$ -м периоде повторения, которое определяется в соответствии с выражением:

$$\sigma_{u_{s,n}} = \sqrt{M(X^2) - [M(X)]^2} = \sqrt{M\left(\left[|n_{s,n}|^2\right]^2\right) - \left[M\left(|n_{s,n}|^2\right)\right]^2},$$

где  $M(|n_{s,n}|^2)$  – математическое ожидание флуктуаций отсчетов Д РЛП.

Для расчета математического ожидания  $M(|n_{s,n}|^2)$  можно использовать алгоритм экспоненциальной фильтрации отсчетов Д РЛП (выражение 1) в каждом канале частотного окна с коэффициентом усиления  $m_1$ .

**Заключение.** Таким образом, математическая модель алгоритма адаптации опорного сигнала в элементе разрешения по дальности должна включать: адаптивную отсечку фона, экспоненциальную фильтрацию отсчетов Д РЛП и обнуление быстро флуктуирующих элементов дальности.

1. Буйлов, Е.Н. Повышение точности измерения координат кажущегося центра радиолокационной цели в зенитных пусечно-ракетных комплексах / Е.Н. Буйлов, С.А. Горшков // Доклады БГУИР, 2016. – № 8 (102). – С. 94-100.
2. Лещенко, С.П. Возможности широкополосных РЛС по измерению координат и сопровождению воздушных целей / С.П. Лещенко // Збірник наукових праць ХВУ, 2002. – Вип. 1 (39). – С. 90-92.
3. Буйлов, Е.Н. Методики синтеза измерителей дальности и угловых координат при использовании широкополосного сигнала / Е.Н. Буйлов // Наука и военная безопасность. – 2019. – №2. – С. 32-36.
4. Буйлов, Е.Н. Методика выбора параметров устройства корреляционно-фильтровой обработки широкополосного линейно-частотно-модулированного сигнала / Е.Н. Буйлов, С.А. Горшков // Доклады БГУИР, 2019. – № 5 (123). – С. 101-108.
5. Сколник, М. И. Справочник по радиолокации: в 2 кн. / М. И. Сколник; пер. с англ. под общ. ред. В. С. Вербы. – М.: Техносфера, 2014. – Кн. 1. – 672 с.
6. Бакут, П.А. Вопросы статистической теории радиолокации. Том 2 / П.А. Бакут, И.А. Большаков [и др.], под ред. Г.П.Тартаковского – М.: Сов.радио, 1964. – 1080 с.
7. Охрименко, А.Е. Основы обработки и передачи информации / А.Е. Охрименко – Минск, 1990. – 180 с.

## АВТОИЗОМЕТРИИ ОДНОЙ ЧЕТЫРЁХМЕРНОЙ НИЛЬПОТЕНТНОЙ АЛГЕБРЫ ЛИ VI ТИПА БИАНКИ

*Гаджиева Ф.С.,*

*студентка 3 курса ВГУ имени П.М. Машерова, г. Витебск, Республика Беларусь  
Научный руководитель – Подоксёнов М.Н., канд. физ.-мат. наук, доцент*

Преобразование алгебры Ли  $f: \mathcal{G} \rightarrow \mathcal{G}$  называется автоморфизмом, если выполнено  $[fX, fY] = f([X, Y]) \forall X, Y \in \mathcal{G}$ . Пусть в алгебре Ли  $\mathcal{G}$  задано скалярное произведение  $\langle \cdot, \cdot \rangle$ . Тогда преобразование  $f: \mathcal{G} \rightarrow \mathcal{G}$  называется изометрией, если оно сохраняет скалярное произведение:  $\langle fX, fY \rangle = \langle X, Y \rangle \forall X, Y \in \mathcal{G}$ . Назовём преобразование алгебры Ли автоизометрией, если оно является одновременно изометрией и автоморфизмом алгебры Ли.

Цель работы – найти все однопараметрические группы автоизометрий одной четырёхмерной алгебры, снабжённой лоренцевым скалярным произведением.

**Материал и методы.** Рассматривается четырёхмерная алгебра Ли  $\mathcal{G} = \mathcal{H}_4 \oplus \mathcal{R}$ . Находится лоренцево скалярное произведение, при котором эта алгебра Ли допускает однопараметрическую группу автоизометрий. При этом необходимо рассмотреть пять возможных случаев задания скалярного произведения; в каждом из этих случаев автоизометрии существуют. В исследовании применяются методы аналитической геометрии и линейной алгебры.

**Результаты и их обсуждение.** В работе Кравченко А.О. [1] найдены все автоизометрии алгебры Ли  $\mathcal{H}_3$  трехмерной группы Гейзенберга  $\mathcal{H}_3$ . В данном исследовании мы рассматриваем четырехмерную алгебру Ли  $\mathcal{G} = \mathcal{H}_4 \oplus \mathcal{R}$ , которая состоит из матриц вида

$$X = \begin{pmatrix} 0 & x^2 & x^1 & 0 \\ 0 & 0 & x^3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Она относится к подтипу  $VI_3$  по классификации Бианки. Операция скобки в этой алгебре Ли задается одним равенством

$$[E_2, E_3] = E_1, \quad (1)$$

относительно базиса, состоящего из матриц

$$E_1 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, E_2 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, E_3 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, E_4 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Алгебра Ли  $\mathcal{G}$  содержит двумерный центр  $\mathcal{L}$ , которой является линейной оболочкой векторов  $E_1$  и  $E_4$ , и одномерный центр  $\mathcal{Z} = \mathbf{R}E_1$ .

Произвольный базис  $(V_1, V_2, V_3, V_4)$  в  $\mathcal{G}$ , относительно которого коммутационные соотношения задаются одним равенством  $[V_2, V_3] = V_1$ , назовем каноническим. В любом каноническом базисе  $\mathcal{L} = \langle V_1, V_4 \rangle$  и  $\mathcal{Z} = \mathbf{R}V_1$ .

**Теорема.** Алгебра Ли  $\mathcal{G} = \mathcal{H}s \oplus \mathcal{R}$ , снабжённая лоренцевым скалярным произведением, всегда допускает однопараметрическую группу автоизометрий. Матрицы, задающие эту группу, в каждом из пяти возможных случаев, и матрицы Грама канонического базиса приведены в следующей таблице.

Условие	Матрица Грама в каноническом базисе	Матрица, задающая однопараметрическую группу изометрий
1. На двумерном центре $\mathcal{L}$ индуцируется положительно определенное скалярное произведение	$\begin{pmatrix} \varepsilon & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \varepsilon > 0.$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \text{cht} & \text{sht} & 0 \\ 0 & \text{sht} & \text{cht} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, t \in \mathbf{R}.$
2. На двумерном центре $\mathcal{L}$ индуцируется знаконеопределенное скалярное произведение и идеал $\mathcal{Z}$ не изотропен	$\begin{pmatrix} -\varepsilon & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \varepsilon > 0.$ или $\begin{pmatrix} \varepsilon & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \varepsilon > 0.$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \text{cost} & -\text{sint} & 0 \\ 0 & \text{sint} & \text{cost} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, t \in \mathbf{R}.$
3. На двумерном центре $\mathcal{L}$ индуцируется знаконеопределенное скалярное произведение и идеал $\mathcal{Z}$ изотропен	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \text{cost} & -\text{sint} & 0 \\ 0 & \text{sint} & \text{cost} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, t \in \mathbf{R}.$
4. На двумерном центре $\mathcal{L}$ индуцируется вырожденное скалярное произведение и идеал $\mathcal{Z}$ изотропен	$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & -t^2/2 & 0 & t \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -t & 0 & 1 \end{pmatrix}, t \in \mathbf{R}.$
5. На двумерном центре $\mathcal{L}$ индуцируется вырожденное скалярное произведение и идеал $\mathcal{Z}$ не изотропен	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & t & -t^2/2 \\ 0 & 0 & 1 & -t \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, t \in \mathbf{R}.$

**Заклучение.** В данном исследовании мы нашли, что четырёхмерная алгебра Ли  $G = \mathcal{H} \oplus \mathbb{R}$  допускает однопараметрическую группу автоизометрий при любом способе задания лоренцевого скалярного произведения. Результаты этого исследования могут быть применены для изучения полной группы изометрий четырёхмерного однородного многообразия группы Ли  $G = \mathcal{H} \times \mathbb{R}$ , снабженной левоинвариантной лоренцевой метрикой. Также это исследование позволит получить в явном виде формулы, по которым на нем действуют однопараметрические группы изометрий.

1. Кравченко А.О., Гомотетические автоморфизмы трёхмерной нильпотентной алгебры Ли / А.О. Кравченко // X (55) Региональная научно-практическая конференция преподавателей, научных сотрудников, аспирантов и студентов университета, посвящённой 90-летию со дня рождения С.М. Машерова. Сборник статей / Витебск. – УО «ВГУ имени П.М. Машерова», 2008. – С.16-17.

## ЗНАХОДЖАННЕ РАШЭННЯ СІСТЭМЫ ДЫФЕРЭНЦЫЯЛЬНЫХ РАЎНАННЯЎ У ЧАСТКОВЫХ ВЫТВОРНЫХ ПРЫ ДАПАМОЗЕ F-МАНАГЕННЫХ ГІПЕРКАМПЛЕКСНЫХ ФУНКЦЫЙ

**Гардынец І.Д.,**

*студэнт 2 курса Міжнароднага ўніверсітэта “МІТСО”, г. Мінск, Рэспубліка Беларусь  
Навуковы кіраўнік – Шылінец У.А., канд. фіз.-мат. навук, дацэнт*

Для вывучэння дыферэнцыяльных раўнанняў у частковых вытворных выкарыстоўваюцца розныя метады. Адным з такіх метадаў з’яўляецца метадаў функцый, манагенных у сэнсе У.С. Фёдарова (F-манагенных) [1–6]. У прыватнасці, пры дапамозе F-манагенных функцый удаецца пабудаваць функцыянальна-інварыянтныя рашэнні сістэмы Максвэла для электрамагнітнага поля ў пустаце [7, 8]. Акрамя гэтага, пры дапамозе адзначаных функцый удаецца для асобных відаў дыферэнцыяльных раўнанняў і сістэм дыферэнцыяльных раўнанняў будаваць рашэнні ў замкнутай форме.

У дадзенай працы пры дапамозе F-манагенных гіперкампліксных функцый даследуецца сістэма трох дыферэнцыяльных раўнанняў у частковых вытворных.

Разгледзім сістэму дыферэнцыяльных раўнанняў у частковых вытворных выгляду

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial x} &= \frac{\partial v}{\partial y} - \frac{\partial w}{\partial z}, \\ \frac{\partial v}{\partial x} &= \frac{\partial w}{\partial y} - \frac{\partial u}{\partial z}, \\ \frac{\partial w}{\partial x} &= \frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\partial v}{\partial z}, \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

дзе  $u, v, w$  – шуканыя камплексназначныя функцыі трох рэчаісных зменных  $x, y, z$ . Усе разглядаемыя функцыі мяркуюцца дыферэнцавальнымі ў некаторым адназначным абсягу  $D$  эўклідавай прасторы  $E^3(x, y, z)$ .

Няхай алгебра  $A$  – асацыятыўна-камутатыўная алгебра з базісам  $1, \lambda, \lambda^2$ , дзе закон множання вызначаецца роўнасцю  $\lambda^3 = 1$ .

Увядзём у разгляд гіперкампліксную функцыю  $f = u + \lambda v + \lambda^2 w$ . У якасці базы фармальных вытворных выбіраем гіперкампліксныя функцыі  $p = x + 2\lambda y + \lambda^2 z$ ,  $q = \lambda y + \lambda^2 z$ ,  $t = \lambda^2 z$  [9].

Тады, на падставе азначэння фармальных вытворных [9], атрымліваем наступную тэарэму.