

**Доказ.** Няхай  $\sigma_1$  – сфера з цэнтрам у пункце  $M(x_0, y_0, z_0)$ , якая размешчана ўнутры  $\sigma$ . Калі  $l$  – радыус сферы  $\sigma_1$ , то маем

$$I_{\sigma_1} = \int_{\sigma_1} \{(\alpha_1 \lambda_1 + \alpha_2 \lambda_2 i + \alpha_3 \lambda_3 j) \frac{\partial \varphi}{\partial x} + (\alpha_2 \lambda_1 - \alpha_1 \lambda_2 i) \frac{\partial \varphi}{\partial y} + (\alpha_3 \lambda_1 - \alpha_1 \lambda_3 j) \frac{\partial \varphi}{\partial z}\} f d\sigma_1 = \int_{\sigma_1} \left\{ \frac{1}{l^2} (\alpha_1^2 + \alpha_2^2 + \alpha_3^2) \lambda_1 \right\} f d\sigma_1. \quad (4)$$

Вядома, што  $\sum_{k=1}^3 \alpha_k^2 = 1$ ,  $d\sigma_1 = l^2 d\omega$  ( $d\omega$  – элемент адзінкавай сферы). З роўнасці (4) атрымаем

$$f(M) = \frac{1}{4\pi \lambda_1} I_{\sigma_1}. \quad (5)$$

З тэарэмы 1 вынікае, што  $I_{\sigma_1} = I_{\sigma}$ . Тады з роўнасці (5) атрымаем інтэгральнае выяўленне (3).

Пры дапамозе інтэгральнага выяўлення (3) і рашаецца сфармуляваная крайвая задача.

1. Гусев, В.А. О кватэрніонных функцыях, моногенных в смысле В.С. Фёдорова / В.А. Гусев // Успехи математических наук, 1965. – Т. 20. – Вып. 1(121). – С. 203–208.
2. Фёдоров, В.С. Основные свойства обобщённых моногенных функций / В.С. Фёдоров // Известия вузов. Математика, 1958. – №6. – С. 257–265.
3. Стэльмашук, М.Т. Аб інтэгральным выяўленні кватэрніонных F-манагенных функцый аднаго класа / М.Т. Стэльмашук, У.А. Шылінец // Весці БДПУ. Серыя 3, 2005. – №2. – С. 8–10.
4. Стэльмашук, М.Т. Рашэнне крайвой задачы для кватэрніонных функцый чатырох рэчаісных зменных / М.Т. Стэльмашук, У.А. Шылінец, Г.Ф. Падабед // Весці БДПУ. Серыя 3, 2006. – №1. – С. 12–14.
5. Стэльмашук, М.Т. Аб кватэрніонных манагенных у сэнсе У.С. Фёдарова функцыях / М.Т. Стэльмашук, У.А. Шылінец, Г.А. Андрэева // Весці БДПУ. Серыя 3, 2010. – №1. – С. 11–13.
6. Фёдоров, В.С. Об одном обобщении интеграла типа Коши в многомерном пространстве / В.С. Фёдоров // Известия вузов. Математика, 1957. – №1. – С. 227–233.

## О ЛОКАЛЬНЫХ ЗАДАНИЯХ МНОЖЕСТВ ХАРТЛИ

*Василевич Т.Б.*

*аспірант ВГУ имени П.М. Машерова, г. Витебск, Республика Беларусь  
Научный руководитель – Воробьев Н.Т., доктор физ.-мат. наук, профессор*

Все рассматриваемые группы конечны. Мы будем использовать стандартную терминологию из [1, 2, 3].

Идея локализации – одна из ведущих в теории групп. Благодаря развитию локального метода Гашюцом, Фишером и Хартли в [4] были обобщены классические теоремы Силова и Холла. Ими было установлено, что если  $F$  – непустой класс Фиттинга, то разрешимая группа имеет точно один класс сопряженных  $F$ -инъекторов.

Основная цель настоящей работы – развитие локального метода Хартли и изучение свойств  $H$ -функций, определяющих локально множества Хартли.

**Предварительные сведения.** Напомним, что *классом групп* называется множество групп, которое вместе с каждой своей группой содержит все изоморфные ей группы. *Классом Фиттинга* называют класс групп  $F$ , замкнутый относительно нормальных подгрупп и произведений нормальных  $F$ -подгрупп.

Из определения класса Фиттинга следует, что для каждого непустого класса Фиттинга  $F$  любая группа  $G$  имеет единственную максимальную нормальную  $F$ -подгруппу, которую называют  $F$ -радикалом  $G$  и обозначают  $G_F$ .

Для каждого непустого класса групп  $F$ , подгруппа  $V$  группы  $G$  называется  $F$ -максимальной, если  $V \in F$  и  $U=V$  всякий раз, когда  $V \leq U \leq G$  и  $U \in F$ . Подгруппа  $V$  группы  $G$  называется  $F$ -инъектором  $G$ , если  $V \cap K$  является  $F$ -максимальной подгруппой  $K$  для всякой субнормальной подгруппы  $K$  группы  $G$ .

Следуя [5], *множеством Фиттинга* группы  $G$  назовем непустое множество  $F$  подгрупп группы  $G$ , если выполняются следующие условия: 1) если  $T \trianglelefteq S \in F$ , то  $T \in F$ ; 2) если  $S, T \in F$  и

$S, T \triangleq ST$ , то  $ST \in F$ ; 3) если  $S \in F$  и  $x \in G$ , то  $S^x \in F$ .

Понятие *F-инъектора* группы для множества Фиттинга группы  $G$  определяется аналогично как и для класса Фиттинга.

Следуя [6], функцию  $h: \mathbb{P} \rightarrow \{\text{множества Фиттинга группы } G\}$  назовем функцией Хартли (или кратко *H-функцией*) группы  $G$ . Напомним, что *произведением*  $F \circ X$  множества Фиттинга группы  $G$  и класса Фиттинга  $X$  [7] называется множество подгрупп  $\{H \leq G: H/H_F \in X\}$ .

Символы  $E_p, N_p$  обозначают соответственно класс всех  $p'$ -групп, всех нильпотентных  $p$ -групп.

Пусть  $\emptyset \neq \pi \subseteq \mathbb{P}$ ,  $h$  – функция Хартли группы  $G$  и  $HS(h) = \bigcap_{p \in \pi} h(p) \circ (E_p, N_p)$ . Множество Фиттинга  $H$  группы  $G$  назовем *множеством Хартли группы  $G$* , если  $H = HS(h)$  для некоторой *H-функции  $h$* .

Пусть  $\emptyset \neq \pi \subseteq \mathbb{P}$  и  $h$  – *H-функция* множества Хартли  $H$  группы  $G$ . Тогда  $h$  назовем:

- 1) *приведенной*, если  $h(p) \subseteq H$  для всех  $p \in \pi$ ;
- 2) *полной*, если  $h(p) \subseteq h(q) \circ E_q$  для всех различных  $p, q \in \pi$ ;
- 3) *полной приведенной*, если  $h$  является одновременно полной и приведенной;
- 4) *постоянной*, если  $h(p) = h(q)$  для всех различных  $p, q \in \pi$ .

#### **Результаты.**

Основной результат работы следующая

**ТЕОРЕМА.** *Каждое множество Хартли может быть определено с помощью полной приведенной H-функции.*

#### **Заключение.**

В настоящей работе определена *H-функция*, определяющая любое множество Хартли.

1. Doerk, K. Finite solvable groups / K. Doerk, T. Hawkes. – Berlin–New York : Walter de Gruyter, 1992. – P.891.
2. Guo, W. Structure Theory for Canonical Classes of Finite Groups / W. Guo. – Springer, 2015. – P. 360.
3. Ballester-Bolinches, A. Classes of Finite Groups / A. Ballester-Bolinches, L.M. Ezquerro. – Beijing–New York–Dordrecht–Boston–London: Science Press–Kluwer Academic Publishers, 2000. – P. 385.
4. Gaschutz, W. Injektoren endlicher auflösbarer Gruppen / W. Gaschutz, B. Fischer, B. Hartley // Math. Z. – 1967. – № 102. – P. 337-339.
5. Anderson, W. Injectors in finite soluble groups / W. Anderson // J. Algebra. –1975. – №36. – С. 33-338.
6. Воробьев, Н.Т. О предположении Хоукса для радикальных классов / Н.Т. Воробьев // Сиб. матем. журн. – 1996. – № 37(6). – С. 1296-1302.
7. Семенов, М. Г. Формула инъектора конечной  $\pi$ -разрешимой группы / М. Г. Семенов // Проблемы физики, математики и техники. – 2014. – № 4(21). – С. 77-88.

## **ИСПОЛЬЗОВАНИЕ СРЕДЫ «ЖИВАЯ ГЕОМЕТРИЯ» ПРИ ОБУЧЕНИИ ПОСТРОЕНИЮ СЕЧЕНИЙ МНОГОГРАННИКОВ**

**Васильева М.О.**

*магистрант 2 курса ПсковГУ, г. Псков, Российская Федерация*

*Научный руководитель – Медведева И.Н., канд. физ.-мат. наук, доцент*

Задачи на построение сечений многогранников, изучаемые в начале курса стереометрии средней школы, являются важным дополнением к теоретическому материалу. Решение этих задач формирует пространственные представления учащихся и развивает конструктивное и логическое мышление. Стереометрическая задача, в которой проверяется умение построить сечение многогранника и найти какую-либо его геометрическую характеристику, входит в состав ЕГЭ по математике с 2010 года. Выпускники, как правило, берутся за решение данной задачи, так как она проста в формулировке, и кажется для обучающихся посильной. Вместе с тем, статистические данные по результатам ЕГЭ по математике за последние три года показывают, что 95% выпускников Псковской области, бравшихся за решение задачи 14 (ранее С2), получили 0 баллов, только 2% получили 2 балла, и 3% получили 1 балл [3]. На диаграммах (См. рис.1) представлены сопоставительные результаты решаемости задачи С2 по Псковскому региону и в целом по России (данные ФИПИ), из которых следует, что решаемость этой задачи плохая по стране в целом, а псковские выпускники решают ее еще хуже, чем в целом по России.

Для изучения сложившейся ситуации нами был проведен опрос учителей математики некоторых школ Пскова, в ходе которого мы выясняли точку зрения учителей на причины неудач выпускников при решении задачи 14 (С2). Учителями были названы следующие основные при-